Mat 2400 : Géométries
Professeur : Yann Rollin, Bureau PK-5612, Courriel: yann.rollin@univ-nantes.fr
Démonstrateur : Mohamed Nouidha
Horaire : Mardi 11h00–12h30 (PK-6265) et Jeudi 9h–10h30 (PK-1620) ; TP: Jeudi 10h30–12h30(PK-1620)
Heures de disponibilité : Mardi matin, avant le cours ou sur rendez-vous

Introduction:
La géométrie est certainement le domaine le plus vieux des mathématiques. Les Grecs anciens considéraient son étude comme une condition nécessaire à la compréhension du monde et l'on pouvait lire a l'entrée de l'Ecole d'Athènes *"Nul n'entre ici s'il n'est géomètre"*. Au fil des siècles, le domaine s'est tellement étendu qu'il faut maintenant plusieurs cours au baccalauréat pour aborder, même de façon élémentaire, les différentes branches du sujet.
Ce cours se veut une introduction au domaine et il y a plusieurs façons de procéder. Un tel cours sert souvent à présenter la géométrie pure, une approche qui a la particularité de n'utiliser que minimalement des outils provenant d'autres domaines. Il peut toutefois être intéressant de placer la géométrie dans un contexte plus général des mathématiques, où l'algèbre et l'algèbre linéaire viennent jouer un rôle important, sans pour autant que se perde la saveur géométrique du sujet. Une telle approche remonte au moins à Descartes (1596–1650), créateur de la géométrie analytique, et nous mènera naturellement au point-de-vue de Klein (1849–1925) sur les différents types de géométries. Les étudiants qui voudront alors poursuivre leur étude de ce sujet auront un bon bagage pour ce faire.

Pré-requis et travail requis: Une certaine familiarité avec les bases de l'Algèbre linéaire sera utile ainsi que des notions élémentaires de Théorie des groupes. Pour bien saisir les idées présentées, l'étudiant(e) doit s'attendre à travailler efficacement pendant *au moins 3 heures* par semaine à l'extérieur des heures de cours et travaux pratiques.

Plan de cours:

Chapitre 0 : Algèbre linéaire et géométrie
- Espace vectoriel $\mathbb{R}^n$ et transformations linéaires.
- Groupes de transformations linéraires.

Chapitre I : Géométrie affine
- Transformations affines et projections parallèles.
- Théorème fondamental des affinités et applications.

- Coniques et leur classification affine.

Chapitre II : Géométrie projective
- Le plan projectif, droites prejectives.
- Transformations projectives et Théorème fondamental.
- Le birapport comme invariant projectif.
- Quelques théorèmes classiques.

Chapitre III : Géométrie inversive
- Notion d'inversion dans le plan.
- Le plan complexe et ses transformations, le plan complété et la sphère de Riemann.
- Les transformations des Möbius et le groupe d'inversions.
- Théorème fondamental de la Géométrie inversive.
- Applications.

Chapitre IV : Géométrie hyperbolique
- Peut-on se passer du postulat des parallèles d'Euclide?
- Le disque de Poincaré et les droites hyperboliques.
- Transformations du plan hyperbolique.
- Distance et trigonométrie hyperbolique.
- Le modèle du demi-plan.
- Théorèmes géométriques.

Livre de référence:
D. Brannan, M. Esplen, J. Gray, *Geometry*, Cambridge University Press.

Ce livre est fortement recommandé car il servira de base pour le cours. Un résumé en format LaTex des principaux résultats vus en cours sera par ailleurs distribué pour aider les étudiants dans leur étude.

Evaluation proposée:
2 Devoirs comptant pour un total de 20%.
2 Examens Intra comptant pour un total de 40% (Max 25% Min 15%). Les 26/10 et 23/11/2017
1 Examen Final cumulatif comptant pour 40%. Le 14/12/2017